

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016

Β' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

ΤΑΞΗ:

Γ' ΓΕΝΙΚΟΥ ΔΥΚΕΙΟΥ

ΠΡΟΣΑΝΑΤΟΛΙΣΜΟΣ: ΘΕΤΙΚΩΝ ΣΠΟΥΔΩΝ

ΜΑΘΗΜΑ: ΦΥΣΙΚΗ

Ημερομηνία: Κυριακή 24 Απριλίου 2016

Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

ΕΡΩΤΗΣΗ	A1	A2	A3	A4
ΑΠΑΝΤΗΣΗ	δ	β	β	γ

A5 α. Σ

β. Λ

γ. Λ

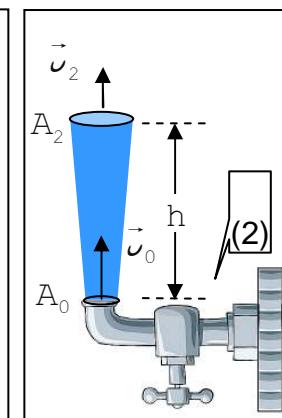
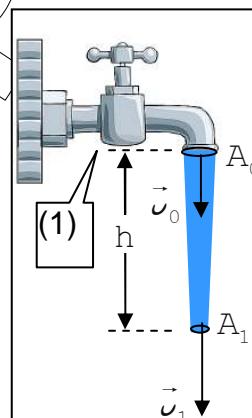
δ. Λ

ε. Δ

ΘΕΜΑ Β

B1. Η σωστή απάντηση είναι η (β)

Οι στοιχειώδης μάζες του νερού που εκτοξεύονται από το στόμιο της βρύσης αποκτούν ταχύτητες μέτρων v_1 και v_2 αντίστοιχα σύμφωνα με την αρχή διατήρησης της μηχανικής ενέργειας, γιατί κινούνται εξαιτίας του βάρους τους και μόνο η οποία είναι διατηρητική δύναμη. Θεωρούμε ότι το νερό συμπεριφέρεται σαν ιδανικό υγρό (χωρίς να υπάρχουν εσωτερικές τριβές) και φυσικά πριν η ροή του νερού γίνει τυρβώδης.



ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016

Β' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(a)

$$(1): E_{μηχ(0)} = E_{μηχ(1)} \text{ οπότε } K_{(0)} + U_{(0)} = K_{(1)} + U_{(1)} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2} \cdot \Delta m \cdot v_0^2 + \Delta m \cdot g \cdot h = \frac{1}{2} \cdot \Delta m \cdot v_1^2 \Leftrightarrow v_0^2 + 2 \cdot g \cdot h = v_1^2 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 4 \cdot g \cdot h + 2 \cdot g \cdot h = v_1^2 \Leftrightarrow v_1 = \sqrt{6 \cdot g \cdot h}$$

$$(2): E_{μηχ(0)} = E_{μηχ(2)} \text{ οπότε } K_{(0)} + U_{(0)} = K_{(2)} + U_{(2)} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{2} \cdot \Delta m \cdot v_0^2 = \frac{1}{2} \cdot \Delta m \cdot v_2^2 + \Delta m \cdot g \cdot h \Leftrightarrow v_0^2 - 2 \cdot g \cdot h = v_2^2 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow 4 \cdot g \cdot h - 2 \cdot g \cdot h = v_2^2 \Leftrightarrow v_2 = \sqrt{2 \cdot g \cdot h}$$

Από την εξίσωση της συνέχειας έχουμε:

$$\Pi_1 = \Pi_2 \Leftrightarrow A_1 \cdot v_1 = A_2 \cdot v_2 \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow A_1 \cdot \sqrt{6 \cdot g \cdot h} = A_2 \cdot \sqrt{2 \cdot g \cdot h} \Leftrightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{\sqrt{2 \cdot g \cdot h}}{\sqrt{6 \cdot g \cdot h}} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \frac{A_1}{A_2} = \sqrt{\frac{1}{3}}$$

$$\text{Οπότε: } \frac{A_1}{A_2} = \sqrt{\frac{1}{3}} \Leftrightarrow \frac{A_1}{A_2} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

B2.

Η σωστή απάντηση είναι η (γ)

Ισχύει:

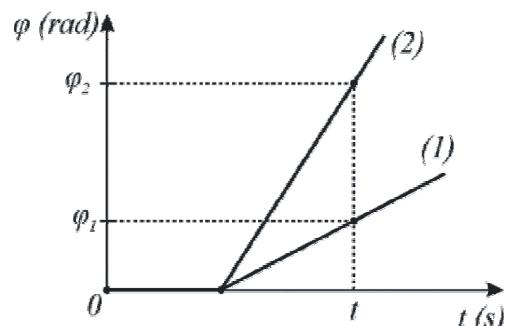
$$\omega_1 = \frac{\Delta\phi_1}{\Delta t} \Leftrightarrow 2\pi f_1 = \frac{\phi_1 - 0}{t - 0} \Leftrightarrow 2\pi f_1 = \frac{\phi_1}{t} \quad (1)$$

$$\omega_2 = \frac{\Delta\phi_2}{\Delta t} \Leftrightarrow 2\pi f_2 = \frac{\phi_2 - 0}{t - 0} \Leftrightarrow 2\pi f_2 = \frac{3\phi_1}{t} \quad (2)$$

Διαιρούμε τις σχέσεις (1) και (2) οπότε:

$$\frac{2\pi f_1}{2\pi f_2} = \frac{\frac{\phi_1}{t}}{\frac{3\phi_1}{t}} \Leftrightarrow \frac{f_1}{f_2} = \frac{1}{3} \Leftrightarrow \frac{\lambda_1}{\lambda_2} = \frac{1}{3} \Leftrightarrow \lambda_2 = 3\lambda_1 \Leftrightarrow \lambda_1 = 3\lambda_2$$

Οπότε (OK) = $4\lambda_1 = 12\lambda_2$



ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016

Β' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(a)

B3. α. Η σωστή απάντηση είναι η (i)

Από την εξίσωση της απομάκρυνσης $y = 0,2\eta\mu(10\pi)$ (SI),

$$\text{υπολογίζει} \text{ ο μαθητής} \text{ τη συχνότητα} \omega = 2\pi f \quad \text{ή} \quad f = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{10\pi}{2\pi} = 5\text{Hz}.$$

Το μήκος κύματος είναι:

$$v = \lambda \cdot f \quad \text{ή} \quad \lambda = \frac{v}{f} = \frac{2}{5} \text{m} = 0,4 \text{m}.$$

Η διαφορά δρόμου για το σημείο M είναι:

$$d_2 - d_1 = 1,2 \text{m} - 0,2 \text{m} = 1 \text{m}$$

Το πλάτος της απομάκρυνσης στο σημείο M είναι:

$$|A'| = \left| \frac{2A \sin 2\pi \frac{d_2 - d_1}{\lambda}}{2\lambda} \right| = 2A \left| \sin \frac{2\pi}{2 \cdot 0,4} \frac{1 \text{m}}{\lambda} \right| \quad \text{ή}$$

$$|A'| = 2A \left| \sin \frac{5\pi}{2} \right| = 2A \left| \sin \frac{\pi}{2} \right| = 0$$

β. Η σωστή απάντηση είναι η (i)

Για να μετατρέψει ο μαθητής το σημείο σε ενισχυτική συμβολή πρέπει:

$$d_2 - d_1 = \kappa \cdot \lambda = \kappa \frac{v}{f} \quad \text{ή}$$

$$f = \frac{\kappa \cdot v}{d_2 - d_1} = 2\kappa \quad (1)$$

Θέλουμε να υπολογίσουμε την ελάχιστη κατ' απόλυτη τιμή επί τοις εκατό % μεταβολή (αύξηση ή μείωση) της συχνότητας των δύο πηγών παραγωγής κυμάτων:

- Για $\kappa = 1$ (1) $\Rightarrow f_1 = 2 \cdot 1\text{Hz} = 2\text{Hz}$ ενώ $\Delta f = |f - f_1| = |5 - 2|\text{Hz} = 3\text{Hz}$
- Για $\kappa = 2$ (1) $\Rightarrow f_2 = 2 \cdot 2\text{Hz} = 4\text{Hz}$ ενώ $\Delta f = |f - f_2| = |5 - 4|\text{Hz} = 1\text{Hz}$
- Για $\kappa = 3$ (1) $\Rightarrow f_3 = 2 \cdot 3\text{Hz} = 6\text{Hz}$ ενώ $\Delta f = |f - f_3| = |5 - 6|\text{Hz} = 1\text{Hz}$

Η ελάχιστη μεταβολή είναι για τις δύο τελευταίες περιπτώσεις, όπου το ποσοστό επί τοις εκατό % μεταβολής της συχνότητας κατά απόλυτη τιμή είναι:

$$\Pi = \frac{\Delta f}{f} \cdot 100\% = \frac{1\text{Hz}}{5\text{Hz}} \cdot 100\% = 20\%$$

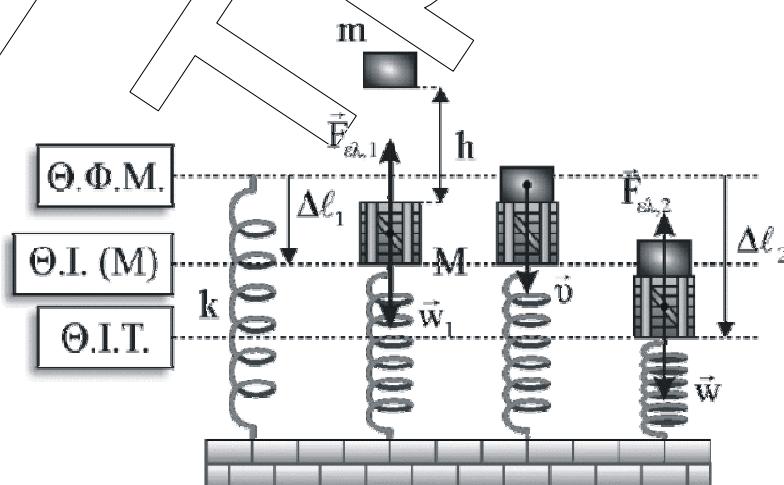
ΘΕΜΑ Γ

Γ1. Αρχικά σχεδιάζουμε το κατακόρυφο ελατήριο στη κατάσταση φυσικού του μήκους. Σχεδιάζουμε στη συνέχεια το σάμα μάξας M στη θέση ισορροπίας του και τις δυνάμεις που του ασκεύνται δηλαδή τη βαρυτική δύναμη \vec{w}_1 , και την δύναμη \vec{F}_{el} του παραμορφωμένου κατά $\Delta\ell_1$ ελατηρίου.

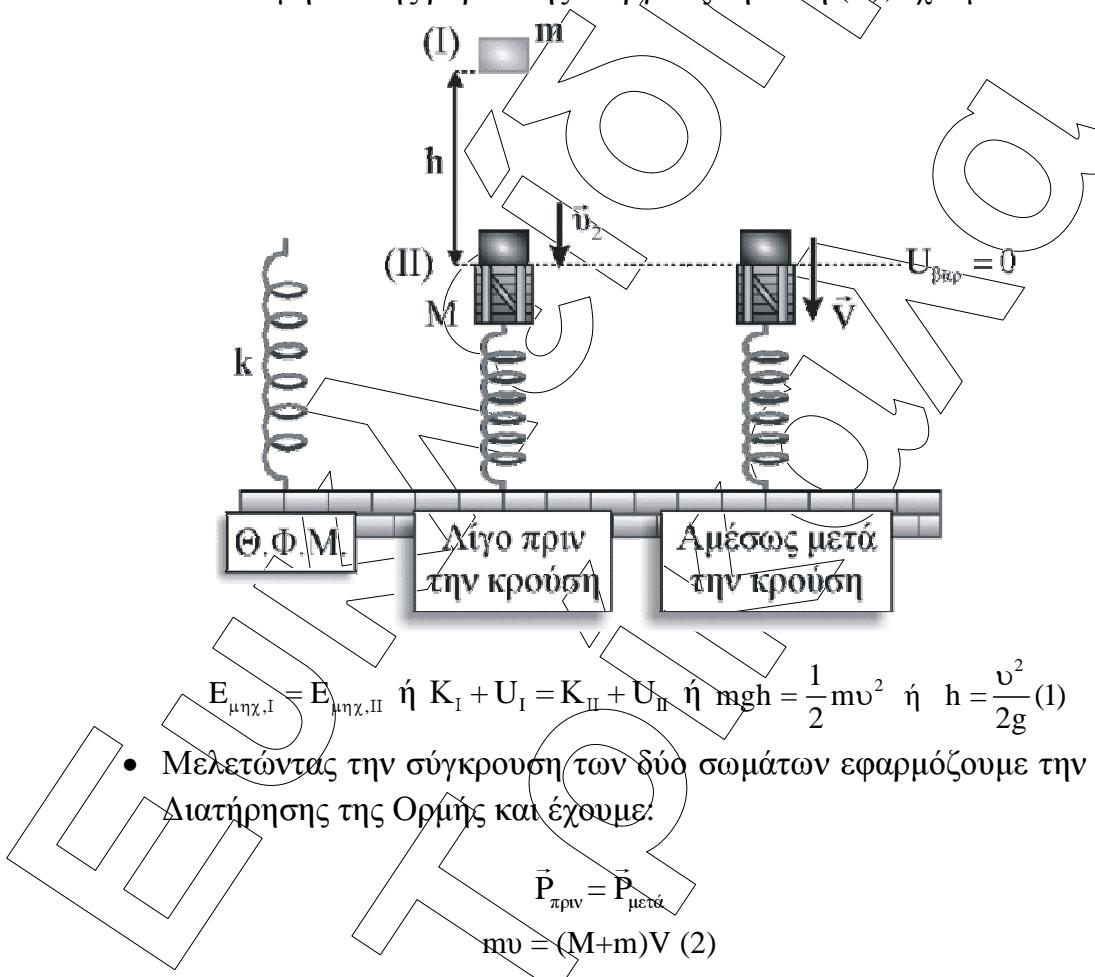
- Μελετώντας την ισορροπία του σώματος μάξας M εφαρμόζουμε την συνθήκη ισορροπίας για την συνισταμένη των δυνάμεων:

$$\Sigma \vec{F} = \vec{0} \quad \text{ή} \quad F_{el,1} - w_1 = 0 \quad \text{ή} \quad F_{el,1} = w_1 \quad \text{ή} \quad k\Delta\ell_1 = Mg$$

$$\text{ή} \quad \Delta\ell_1 = \frac{Mg}{k} = \frac{3 \cdot 10}{100} \quad \text{ή} \quad \Delta\ell_1 = 0,3\text{m}$$



- Μελετάμε την κίνηση του σώματος μάζας m από τη θέση που αφέθηκε ελεύθερο μέχρι τη θέση που συγκρούεται με το ακίνητο σώμα μάζας M . Κατά την κίνηση του σώματος m από τη θέση (I) στη θέση (II), η μοναδική δύναμη, που δρα επάνω του (και παράγει έργο) είναι η βαρυτική δύναμη \vec{w}_2 , η οποία είναι συντηρητική. Έτσι μπορούμε να εφαρμόσουμε την Α.Δ.Μ.Ε από τη θέση (I) στη (II). Ορίζοντας ως επίπεδο μηδενικής βαρυτικής ενέργειας τη θέση (II), έχουμε:



- Μελετώντας την σύγκρουση των δύο σωμάτων εφαρμόζουμε την Αρχή Διατήρησης της Ορμής και έχουμε:
- Το σύστημα των δύο σωμάτων στη συνέχεια ταλαντώνεται εκατέρωθεν της θέσης ισορροπίας στην οποία το ελατήριο είναι παραμορφωμένο κατά $\Delta\ell_2$

Μελετώντας την ισορροπία για το σύστημα των σωμάτων εφαρμόζουμε την συνθήκη ισορροπίας για την συνισταμένη των δυνάμεων:

$$\Sigma \vec{F} = \vec{0} \quad \text{ή} \quad F_{\delta,2} - (w_1 + w_2) = 0 \quad \text{ή} \quad F_{\delta,2} = w_1 + w_2 \quad \text{ή} \quad k\Delta\ell_2 = (M+m)g$$

$$\text{ή} \quad \Delta\ell_2 = \frac{(M+m)g}{k} = \frac{(3+1)10}{100} \quad \text{ή} \quad \Delta\ell_2 = 0,4m$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016

Β' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(a)

Η κοινή ταχύτητα των σωμάτων τη στιγμή $t = 0$ που αρχίζουν ταλάντωση είναι η V και η απομάκρυνσή τους x_1 από την θέση ισορροπίας ταλάντωσης (ΘΙΤ) είναι:

$$x_1 = \Delta\ell_2 - \Delta\ell_1 = 0,4 - 0,3 \quad \text{ή} \quad x_1 = 0,1 \text{m}$$

Εφαρμόζοντας την διατήρηση της ενέργειας για την ταλάντωση για την θέση που αρχίζει η ταλάντωση και τη θέση μέγιστης απομάκρυνσης θα προκύψει η κοινή ταχύτητα V των σωμάτων:

$$\frac{1}{2}(M+m)V^2 + \frac{1}{2}Dx_1^2 = \frac{1}{2}DA^2$$

$$(3+1)V^2 + 100 \cdot 0,1^2 = 100 \cdot 0,4^2$$

$$4V^2 + 1 = 16 \quad \text{ή} \quad V = \frac{\sqrt{15}}{2} \text{ m/s}$$

Από την σχέση (2) προκύπτει η ταχύτητα του σώματος m λίγο πριν συγκρουστεί με το σώμα M :

$$v = \frac{(M+m)V}{m} = \frac{(3+1)\frac{\sqrt{15}}{2}}{1} \quad \text{ή} \quad v = 2\sqrt{15} \text{ m/s}$$

Από την σχέση (1) προκύπτει η απόσταση h από την οποία αφέθηκε ελεύθερο το σώμα m .

$$h = \frac{(2\sqrt{15})^2}{2 \cdot 10} \quad \text{ή} \quad h = 3 \text{ m}$$

Γ2.

α) Ο ρυθμός μεταβολής της οριής είναι:

$$\frac{dp}{dt} = \sum F = -Dx_2 \quad \text{ή} \quad \frac{dp}{dt} = -D \frac{A}{2} \quad \text{ή} \quad \frac{dp}{dt} = -100 \frac{0,4}{2} \quad \text{ή} \quad \frac{dp}{dt} = -20 \frac{\text{Kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2}$$

β) Ο ρυθμός μετάβολής της κινητικής ενέργειας είναι:

$$\frac{dK}{dt} = \frac{dW_{\Sigma F}}{dt} = \frac{\Sigma F \cdot dx}{dt} = \Sigma F \cdot v_2 = -Dx \cdot v_2 \quad (3)$$

Εφαρμόζοντας την διατήρηση της ενέργειας για την ταλάντωση για τη θέση $x_2 = +A/2$ και τη θέση μέγιστης απομάκρυνσης θα προκύψει η ταχύτητα v_2 των σωμάτων:

$$\frac{1}{2}(M+m)v_2^2 + \frac{1}{2}D\left(\frac{A}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}DA^2$$

$$(3+1)v_2^2 + 100 \cdot 0,2^2 = 100 \cdot 0,4^2$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016

Β' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(a)

$$4v_2^2 + 4 = 16 \quad \text{ή} \quad v_2 = \pm \sqrt{3} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Επειδή η θετική κατεύθυνση είναι προς τα κάτω. Όταν το σύστημα περνάει από τη θέση $x_2 = +A/2$ για πρώτη φορά θα είναι: $v_2 = +\sqrt{3} \frac{\text{m}}{\text{s}}$

Από τη σχέση (3) προκύπτει:

$$\frac{dK}{dt} = -D x_2 \cdot v_2 = -100 \cdot 0,2 \left(+\sqrt{3} \right) \quad \text{ή} \quad \frac{dK}{dt} = -20\sqrt{3} \frac{\text{J}}{\text{s}}$$

- Γ3.** α) Το έργο της δύναμης του ελατηρίου μεταξύ δύο θέσεων υπολογίζεται επειδή είναι συντηρητική δύναμη ως εξής:

$$W_{F_{el}} = -\Delta U_{el} = U_{el(\text{ηρχ})} - U_{el(\text{τέλ})} \quad (4)$$

Η επάνω ακραία θέση της ταλάντωσης συμπίπτει με τη θέση φυσικού μήκους του ελατηρίου. Συνεπώς η δυναμική ενέργεια του ελατηρίου σε αυτή τη θέση είναι ίση με μηδέν. Η θέση όπου τα σώματα έρχονται σε επαφή είναι η θέση στην οποία το ελατήριο είναι παραμορφωμένο κατά $\Delta\ell_1$. Από τη σχέση (4) προκύπτει:

$$W_{F_{el}} = \frac{1}{2} k \Delta\ell_1^2 \quad \text{ή} \quad W_{F_{el}} = \frac{1}{2} 100 \cdot 0,3^2 \quad \text{ή} \quad W_{F_{el}} = 4,5 \text{ J}$$

- β) Το έργο της δύναμης επαναφοράς μεταξύ δύο θέσεων, υπολογίζεται επειδή είναι συντηρητική δύναμη, ως εξής: $W_{F_{ep}} = -\Delta U_{ταλ}$ ή

$$W_{F_{ep}} = U_{apx} - U_{τελ} \quad \text{ή} \quad W_{F_{ep}} = \frac{1}{2} D x_1^2 - \frac{1}{2} D A^2 \quad \text{ή} \quad W_{F_{ep}} = \frac{1}{2} 100 \cdot 0,1^2 - \frac{1}{2} 100 \cdot 0,4^2$$

$$W_{F_{ep}} = 0,5 - 8 \quad \text{ή} \quad W_{F_{ep}} = -7,5 \text{ J}$$

Με εφαρμογή του θεωρήματος μεταβολής της κινητικής ενέργειας μεταξύ της θέσης όπου τα σώματα έρχονται σε επαφή και της πάνω ακραίας θέσης έχουμε:

$$K_{τελ} - K_{apx} = W_{F_{ep}} \quad \text{ή} \quad W_{F_{ep}} = 0 - \frac{1}{2} (M+m) v^2 \quad \text{ή} \quad W_{F_{ep}} = -\frac{1}{2} (3+1) \sqrt{3}^2 \quad \text{ή} \quad W_{F_{ep}} = -7,5 \text{ J}$$

- Γ4.** Κατά τη διάρκεια της ταλάντωσης των σωμάτων οι δυνάμεις που ασκούνται στο σώμα μάζας m είναι η βαρυτική δύναμη w_2 και η δύναμη επαφής N από το σώμα μάζας M .

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016

Β' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(a)

- Η κυκλική συχνότητα ω της ταλάντωσης των σωμάτων είναι:

$$\omega = \sqrt{\frac{D}{M+m}} \xrightarrow{D=k} \omega = \sqrt{\frac{100}{3+1}} \quad \text{ή} \quad \omega = \sqrt{25} \quad \text{ή} \quad \omega = 5 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

- Καθώς το σώμα μ ταλαντώνεται ισχύει:

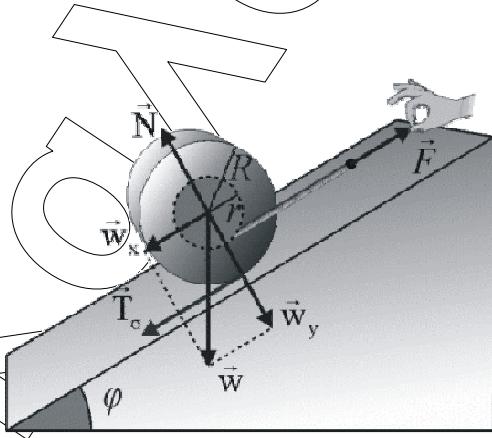
$$\begin{aligned} \Sigma F &= -D_m x \quad \text{ή} \quad mg - N = -m\omega^2 x \quad \text{ή} \quad N = mg + m\omega^2 x \\ \text{ή} \quad N &= 1 \cdot 10 + 1 \cdot 5^2 x \quad \text{ή} \quad N = 10 + 25 x \xrightarrow{x=-A=-0.4} N = 10 + 25 (-0.4) \quad \text{ή} \quad N = 0 \end{aligned}$$

Δηλαδή στην πάνω ακραία θέση της ταλάντωσης η επαφή των σωμάτων είναι οριακή.

ΘΕΜΑ Δ

- Δ1. Στο σώμα ενεργούν το βάρος w , η στατική τριβή T_s και η αντίδραση N του κεκλιμένου επιπέδου. Θεωρούμε άξονα περιστροφής που διέρχεται από το κέντρο μάζας του σώματος. Αναλύουμε το βάρος w σε δύο συνιστώσες όπως στο σχήμα και έχουμε:

$$w_y = mg \sin \varphi \quad \text{και} \quad w_x = mg \cos \varphi \quad (1).$$



Από την συνθήκη ισορροπίας του σώματος προκύπτει ότι:

$$\Sigma \tau = 0 \quad \text{ή} \quad T_s \cdot R - F \cdot r = 0 \quad \text{ή} \quad F \cdot r = T_s \cdot 2r \quad \text{ή} \quad F = 2T_s \quad (2)$$

$$\Sigma F_y = 0 \quad \text{ή} \quad N - w_y = 0 \quad \text{ή} \quad N = mg \sin \varphi \quad (3)$$

$$\Sigma F_x = 0 \quad \text{ή} \quad F - w_x - T = 0 \quad \text{ή} \quad 2T_s - mg \cos \varphi - T_s = 0 \quad \text{ή} \quad T_s = mg \cos \varphi \quad \text{ή} \quad T_s = 20N$$

Άρα λόγω της (2) $F = 40N$.

- Δ2. Αυξάνοντας το μέτρο της δύναμης F κατά 30% θα γίνει:

$$F = \frac{130}{100} 40N = 52N$$

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016

Β' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

Το σώμα θα αρχίσει να κυλίεται χωρίς να ολισθάνει επιταχυνόμενο προς τα επάνω με μεταφορική επιτάχυνση α_{cm} και γωνιακή επιτάχυνση

$$\alpha_\gamma = \frac{\alpha_{cm}}{R}.$$

Από τον θεμελιώδη νόμο της μηχανικής για την μεταφορική και την περιστροφική κίνηση θα έχουμε:

$$\sum F_x = m\alpha_{cm} \quad \text{ή} \quad F - mg\mu_f - T_\sigma = m\alpha_{cm} \quad (4)$$

$$\sum \tau = I \alpha \quad \text{ή} \quad Fr + T_\sigma R = \frac{1}{2}mR^2 \alpha$$

$$T_\sigma R - F \frac{1}{2}R = \frac{1}{2}mR\alpha_{cm} \quad \text{ή} \quad T_\sigma - \frac{1}{2}F = \frac{1}{2}m\alpha_{cm} \quad (5)$$

Προσθέτοντας κατά μέλη τις (4) και (5) προκύπτει:

$$\frac{1}{2}F - mg\mu_f = m\alpha_{cm} \quad \text{ή} \quad 26 - 20 = 4\alpha_{cm} \quad \text{ή} \quad \alpha_{cm} = 1 \text{ m/s}^2$$

$$\text{Και η στατική τριβή θα είναι: } T_\sigma = \frac{1}{2}F + \frac{1}{2}m\alpha_{cm} \quad \text{ή} \quad T_\sigma = 28 \text{ N}$$

Ο ρυθμός μεταβολής της στροφορμής θα είναι (Β' νόμος Newton)

$$\sum \tau = \frac{dL}{dt} \quad \text{ή} \quad \frac{dL}{dt} = T_\sigma \cdot R - F/r = 0,4 \text{ kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2$$

$$\frac{dL}{dt} = 0,4 \text{ kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}^2$$

Δ3. Αξιοποιώντας την αρχή της ανεξαρτησίας των κινήσεων, εφαρμόζουμε το ΘΜΚΕ αποκλειστικά για την μεταφορική κίνηση του σώματος και έχουμε:

$$\Delta K = W_{\omega} \quad \text{ή} \quad \Delta K = \sum F \cdot \Delta x \quad \text{ή}$$

$$\frac{1}{2}mv^2 - 0 = ma_{cm} \cdot \Delta x \quad \text{ή} \quad v = \sqrt{2ma_{cm} \cdot \Delta x} = 2 \text{ m/s}$$

Επειδή δεν υπάρχει ολίσθηση :

$$\Delta x = \Delta\theta \cdot R \quad \text{ή} \quad \Delta x = \frac{\Delta s}{r} \cdot R \quad \text{ή}$$

$$\Delta x = 2 \cdot \Delta s \quad \text{ή} \quad \Delta s = 1 \text{ m}$$

Άρα το νήμα θα τυλιχτεί κατά 1m

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2016

Β' ΦΑΣΗ

E_3.Φλ3Θ(α)

Δ4. Από το ΘΜΚΕ για την στροφική κίνηση

$$dK_{\text{στρ}} = W_{\text{στρ}} \quad \text{ή} \quad dK_{\text{στρ}} = \Sigma \tau \cdot d\theta \quad \text{ή}$$

$$\frac{dK_{\text{στρ}}}{dt} = (T_{\sigma} \cdot R - F \cdot r) \cdot \frac{d\theta}{dt} \quad \text{ή}$$

$$\frac{dK_{\text{στρ}}}{dt} = (T_{\sigma} \cdot R - F \cdot r) \cdot \omega \quad \text{ή}$$

$$\frac{dK_{\text{στρ}}}{dt} = (T_{\sigma} \cdot R - F \cdot r) \cdot \frac{\omega}{R} \quad \text{ή}$$

$$\frac{dK_{\text{στρ}}}{dt} = 4 \frac{J}{s}$$

